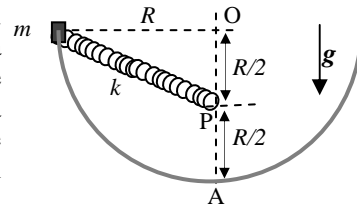


Nome e cognome:

Matricola:

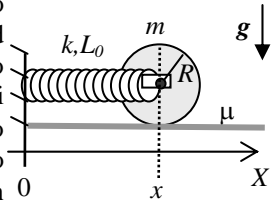
Istruzioni: riportate i risultati, sia letterali che numerici, se richiesti, in questo foglio; allegare "brutte copie" o altri documenti che ritenete utili. Le risposte non adeguatamente giustificate non saranno prese in considerazione

1. Un manicotto (puntiforme) di massa $m = 1.0$ kg può muoversi con attrito trascurabile su una guida rigida e fissa, in cui è infilato, che ha la forma di una semicirconferenza di raggio $R = 50$ cm e si trova su un piano verticale, come rappresentato in figura. Al manicotto è attaccato l'estremo di una molla di massa trascurabile e costante elastica $k = 20$ N/m, il cui altro estremo è fissato nel punto P di figura. Tale punto è equidistante dal centro e dal punto più basso della guida (marcati rispettivamente con O e A in figura). La molla ha lunghezza di riposo trascurabile (in pratica, $L_0 = 0$). Inizialmente il manicotto si trova in quiete nella posizione di figura (punto più alto della guida). A un dato istante viene lasciato libero di muoversi con velocità iniziale nulla. [Usate $g = 9.8$ m/s² per il modulo dell'accelerazione di gravità]



- Quanto vale, in modulo, l'accelerazione iniziale a_0 che il manicotto ha nell'istante in cui viene lasciato libero di muoversi?
 $a_0 = \dots \dots \dots \sim \dots \dots \dots$ m/s²
- Quanto vale, in modulo, la velocità v_A con cui il manicotto passa, se ci passa, per il punto più basso della guida (A in figura)?
 $v_A = \dots \dots \dots \sim \dots \dots \dots$ m/s
- Quanto vale, in modulo, direzione, verso, la reazione vincolare N_A esercitata dalla guida sul manicotto nell'istante in cui esso passa per il punto più basso della guida?
 $N_A = \dots \dots \dots = \dots \dots \dots$ N
 Direzione e verso:

2. Un cilindro pieno e omogeneo, di raggio $R = 10$ cm e massa $m = 0.50$ kg, è libero di ruotare con attrito trascurabile attorno al suo asse, che è collegato come in figura (attraverso un giogo di massa trascurabile) ad una molla di massa trascurabile, costante elastica $k = 3.0$ N/m e lunghezza di riposo $L_0 = 2.0$ m, il cui altro estremo è vincolato ad una parete rigida. Il cilindro è poggiato su un piano orizzontale scabro dotato di coefficiente di attrito μ incognito; inizialmente il cilindro si trova fermo in una posizione tale che il suo centro di massa occupa la posizione $x_0 = L_0/2$ nel riferimento di figura (orizzontale, diretto verso destra e centrato sulla parete rigida). In queste condizioni iniziali la molla è ovviamente compressa per un tratto $\Delta_0 = L_0/2$. A un dato istante il cilindro viene lasciato libero di muoversi con velocità iniziale nulla e si osserva che il suo moto è di rotolamento puro. [Usate $g = 9.8$ m/s² per il modulo dell'accelerazione di gravità]

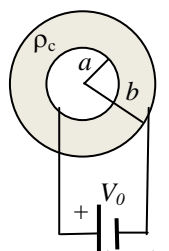


Disegno non in scala!!

- Scrivete la funzione $F_A(x)$ che esprime il modulo della forza di attrito al punto di contatto tra cilindro e piano in funzione della coordinata x che individua la posizione generica del centro di massa del cilindro nel riferimento impiegato. Determinate inoltre il valore minimo μ_{MIN} che il coefficiente di attrito deve avere affinché il moto sia di rotolamento puro nell'intero tratto compreso dalla posizione iniziale alla posizione $x' = L_0$ (cioè quella per cui la molla si trova alla propria lunghezza di riposo). [Quando scrivete la funzione, non usate valori numerici! Spiegate per bene, in brutta, come procedete]
 $F_A(x) = \dots \dots \dots$
 $\mu_{\text{MIN}} = \dots \dots \dots = \dots \dots \dots$
- Quanto vale, in modulo, la velocità del centro di massa del cilindro, v'_{CM} , nell'istante in cui esso passa per la posizione $x' = L_0$?
 $v'_{\text{CM}} = \dots \dots \dots = \dots \dots \dots$ m/s
- Dimostrate in brutta che il moto di traslazione del centro di massa del cilindro è armonico e calcolatene la pulsazione Ω .
 Dimostrazione:

3. Un dispositivo elettrico è costituito da un cilindro omogeneo di materiale perfettamente conduttore di raggio $a = 5.0$ mm coassiale a un guscio cilindrico sottile, di raggio $b = 2a$, fatto dello stesso materiale perfettamente conduttore. Lo spazio tra i due conduttori è riempito da un guscio cilindrico spesso fatto di materiale debolmente conduttore con resistività $\rho_c = 1.0 \times 10^2$ ohm m. Si noti che tutti gli elementi cilindrici del sistema hanno la stessa altezza $h = 1.0$ m: essendo $h \gg a, b$ la simmetria del sistema può essere considerata puramente cilindrica e si possono trascurare gli "effetti ai bordi". Il sistema è collegato a un generatore ideale di differenza di potenziale $V_0 = 10$ V come rappresentato in figura (il polo positivo è collegato al cilindro di raggio $r=a$, il polo negativo al guscio di raggio $r=b$) e si suppone che il sistema si trovi in condizioni stazionarie. [Usate $\epsilon_0 = 8.8 \times 10^{-12}$ F/m per la costante dielettrica del vuoto, e supponete che questa sia anche la costante dielettrica del materiale debolmente conduttore]

Vista "dall'alto"



- Chiamando Q_a la carica (generica, non nota e non ancora determinata) che si trova sul cilindro conduttore di raggio a come si scrive la funzione $E(r)$ che esprime il campo elettrico nella regione $a < r < b$? [Dovete una funzione della distanza r dall'asse; non usate valori numerici per questo risultato e spiegate bene, in brutta, il procedimento; indicate anche direzione e verso]
 $E(r) = \dots \dots \dots$
- Quanto vale, in condizioni stazionarie, la carica Q_a definita al punto precedente? [Può farvi comodo notare che $\ln(2) \sim 0.69$]
 $Q_a = \dots \dots \dots \sim \dots \dots \dots$ C
- Quanto vale, in condizioni stazionarie, l'intensità di corrente I erogata dal generatore?
 $I = \dots \dots \dots \sim \dots \dots \dots$ A

Nota: l'esito della prova sarà pubblicato sul sito web del docente, <http://www.df.unipi.it/~fuso/dida>, impiegando come nominativo le ultime quattro cifre del numero di matricola, oppure il codice: | | | | (4 caratteri alfanumerici).