

ESERCIZI DI FISICA GENERALE – nr. 17/07

1. Un cerchione di bicicletta di raggio $R = 20$ cm e massa $M = 0.40$ kg (approssimabile come un sottile guscio cilindrico, cioè, in pratica, come una circonferenza su cui è distribuita omogeneamente la massa) è “appesantito” con un piombino, di massa $m = 100$ g, attaccato in un punto della circonferenza.

a) Quanto vale il momento di inerzia I_{TOT} del sistema?

$$I_{TOT} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ kg m}^2$$

b) Indicate ora con θ l'angolo compreso tra il raggio che unisce il centro del cerchione al piombino e la verticale e supponete che il sistema cerchione+piombino sia poggiato su una superficie piana su cui può muoversi senza strisciare, cioè con un moto di **rotolamento puro**. Quanto vale l'angolo (o gli angoli) θ_0 per cui il sistema si trova in equilibrio? Date anche una spiegazione sintetica della risposta.

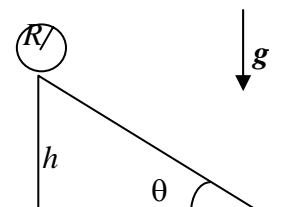
$$\theta_0 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ gradi}$$

Spiegazione sintetica della risposta: $\dots\dots\dots$

c) Se il cerchione viene fatto ruotare di un **piccolo** valore θ' rispetto alla posizione di equilibrio, e poi lasciato andare con velocità iniziale nulla, che tipo di moto si determinerà? Commentate:

$\dots\dots\dots$

2. Un cilindro di massa m e raggio R si trova in quiete sulla sommità di un piano inclinato di altezza h (vedi figura) scabro. Ad un dato istante esso viene lasciato libero di scendere lungo il piano inclinato, e si osserva che compie un moto di **rotolamento puro senza strisciamento**. Il momento di inerzia del cilindro considerato per una rotazione attorno al suo asse vale I (dato del problema). Notate anche che, essendo il cilindro **omogeneo**, il suo centro di massa giace sull'asse.



a) Disegnate in figura il diagramma delle forze rilevanti per il problema.

b) Se sussiste la condizione di rotolamento senza strisciamento, che rapporto deve esserci tra velocità del centro di massa del cilindro, v_{CM} , e velocità angolare di rotazione ω ? Quanto deve valere il lavoro L_A delle forze di attrito che si sviluppano tra generatrice del cilindro e piano inclinato?

$$v_{CM} = \dots\dots\dots$$

$$L_A = \dots\dots\dots$$

c) Detta v_{CM}' la velocità del centro di massa quando il cilindro raggiunge la base del piano inclinato, quanto vale l'energia cinetica E_K' in questa posizione? [Tenete conto della rotazione del cilindro!]

$$E_K' = \dots\dots\dots$$

d) Quanto vale v_{CM}' ? [Suggerimento: applicate principi di bilancio energetico]

$$v_{CM}' = \dots\dots\dots$$

e) Come si scrivono le equazioni per la forza in direzione parallela al piano inclinato e per i momenti delle forze rispetto all'asse di rotazione? [Suggerimenti: chiamate θ l'angolo del piano inclinato rispetto all'orizzontale, ricordatevi della forza di attrito F_A e tenete conto che, senza strisciamento, tra accelerazione lineare del centro di massa, a_{CM} , ed accelerazione angolare α del cilindro esiste la stessa relazione che c'è tra v_{CM} ed ω - vedi domanda b)]

Forze in direzione parallela: $m a_{CM} = \dots\dots\dots$

Momenti delle forze: $I \alpha = \dots\dots\dots$

f) Quanto vale a_{CM} ?

$$a_{CM} = \dots\dots\dots$$

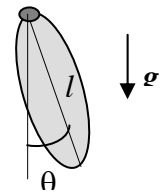
g) Quanto vale la forza di attrito F_A ?

$$F_A = \dots\dots\dots$$

h) E quanto deve valere, al minimo, il coefficiente di attrito statico μ affinché si possa avere rotolamento senza strisciamento?

$\mu \geq \dots\dots\dots$

3. Un ellissoide omogeneo di massa m e lunghezza l (vedi figura) può ruotare su un piano verticale attorno ad un perno passante per una sua estremità. Si suppongano trascurabili tutti gli attriti e si assuma pari ad I (noto!) il momento di inerzia.



a) A quale distanza d dal perno (misurata lungo l'asse dell'ellissoide disegnato in figura) si trova il centro di massa dell'ellissoide?.

$d = \dots\dots\dots$

b) Quanto vale, in funzione dell'angolo θ indicato in figura, il momento τ esercitato dalla forza peso rispetto al perno di rotazione?

$\tau = \dots\dots\dots$

c) Quanto vale, sempre in funzione di θ , l'accelerazione angolare α dell'ellissoide? [segni!!!]

$\alpha = \dots\dots\dots$

d) Se l'ellissoide viene spostato "di poco" dalla posizione di equilibrio stabile $\theta = 0$, si osservano delle oscillazioni (è un pendolo che fa piccole oscillazioni!!). Quanto vale la loro pulsazione ω_{PO} ?

$\omega_{PO} = \dots\dots\dots$