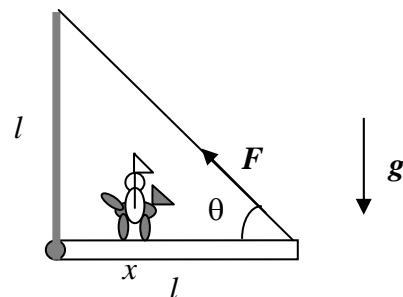


Corso di Laurea Ing. EA – ESERCIZI DI FISICA GENERALE – nr. 13/06

1. Un cavaliere medievale, di massa complessiva $M = 500$ Kg, percorre un ponte levatoio, di materiale omogeneo, lunghezza $l = 5.00$ m, e massa $m = 100$ Kg, che è incernierato senza attriti ad un suo estremo, mentre all'altro estremo è fissato tramite una catena inestensibile (di massa trascurabile) alle pareti del castello, in un punto che si trova ad una distanza verticale $l = 5.00$ m al di sopra del perno (vedi figura). Per lo svolgimento del problema, considerate il cavaliere (con cavallo e armatura) come un punto materiale.



a) Detta x la coordinata del cavaliere lungo il ponte levatoio, come si scrive la funzione $F(x)$ che rappresenta la dipendenza del modulo della tensione della catena con la posizione x ?

$F(x) = \dots\dots\dots$

b) Sapendo che il carico massimo che la catena può sopportare prima di spezzarsi vale in modulo $F' = 5000$ N, quanto vale la coordinata x' a cui arriva il cavaliere prima che succeda il disastro?

$x' = \dots\dots\dots = \dots\dots$ m

c) Tenendo conto che il ponte levatoio è ben approssimato da un'asta omogenea che ruota attorno ad un asse passante per una sua estremità, quanto vale l'**accelerazione angolare** α del ponte subito dopo la rottura della catena? [Se proprio non volete calcolarlo, ricordate che il momento di inerzia di un'asta omogenea di massa m e lunghezza l vale, in questo caso, $I = ml^2/3$]

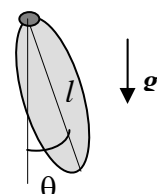
$\alpha = \dots\dots\dots = \dots\dots$ rad/s²

d) Il cavaliere comincerà a cadere verso il basso, ed il ponte a compiere una rotazione. Inizialmente (subito dopo la rottura della catena), quanto valgono in modulo le **accelerazioni lineari** A ed a rispettivamente del cavaliere e dell'estremità del ponte?

$A = \dots\dots\dots = \dots\dots$ m/s²

$a = \dots\dots\dots = \dots\dots$ m/s²

2. Un ellissoide omogeneo di massa m e lunghezza l (vedi figura) può ruotare su un piano verticale attorno ad un perno passante per una sua estremità. Si suppongano trascurabili tutti gli attriti e si assuma pari ad I (noto!) il momento di inerzia.



a) A quale distanza d dal perno (misurata lungo l'asse dell'ellissoide disegnato in figura) si trova il centro di massa dell'ellissoide?

$d = \dots\dots\dots$

b) Quanto vale, in funzione dell'angolo θ indicato in figura, il momento τ esercitato dalla forza peso rispetto al perno di rotazione?

$\tau = \dots\dots\dots$

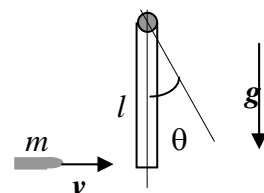
c) Quanto vale, sempre in funzione di θ , l'accelerazione angolare α dell'ellissoide? [segni!!!]

$\alpha = \dots\dots\dots$

d) Se l'ellissoide viene spostato "di poco" dalla posizione di equilibrio stabile $\theta = 0$, si osservano delle oscillazioni (è un pendolo che fa piccole oscillazioni!!). Quanto vale la loro pulsazione ω_{PO} ?

$\omega_{PO} = \dots\dots\dots$

3. Un'asta omogenea di massa $M = 1.0$ Kg e lunghezza $l = 0.50$ m è sospesa ad un perno collocato ad una sua estremità. L'asta può ruotare **senza attriti** attorno al perno, mantenendosi su un piano verticale. Un proiettile di massa $m = 5.0$ g e velocità (orizzontale) $v = 200$ m/s colpisce l'estremità dell'asta, come in figura, rimanendoci conficcato, quando l'asta stessa si trova **ferma** in posizione di equilibrio (cioè è disposta lungo un asse verticale, $\theta = 0$ – vedi figura).



a) Quanto vale in modulo il momento angolare L_P del proiettile calcolato rispetto al perno di rotazione dell'asta nell'istante in cui il proiettile colpisce l'asta? [Suggerimento: ricordate la definizione di momento angolare rispetto ad un punto, $\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p}$, con \mathbf{r} vettore che congiunge il proiettile al perno di rotazione, e $\mathbf{p} = m\mathbf{v}$ quantità di moto del proiettile]

